
ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО
ПО ТЕХНИЧЕСКОМУ РЕГУЛИРОВАНИЮ И МЕТРОЛОГИИ



НАЦИОНАЛЬНЫЙ
СТАНДАРТ
РОССИЙСКОЙ
ФЕДЕРАЦИИ

ГОСТ Р
34.10—
2012

Информационная технология
КРИПТОГРАФИЧЕСКАЯ ЗАЩИТА
ИНФОРМАЦИИ

**Процессы формирования и проверки электронной
цифровой подписи**

Издание официальное



Москва
Стандартинформ
2013

Предисловие

Цели и принципы стандартизации в Российской Федерации установлены Федеральным законом от 27 декабря 2002 г. № 184-ФЗ «О техническом регулировании», а правила применения национальных стандартов Российской Федерации — ГОСТ Р 1.0—2004 «Стандартизация в Российской Федерации. Основные положения»

Сведения о стандарте

1 РАЗРАБОТАН Центром защиты информации и специальной связи ФСБ России с участием Открытого акционерного общества «Информационные технологии и коммуникационные системы» (ОАО «ИнфоТеКС»)

2 ВНЕСЕН Техническим комитетом по стандартизации ТК 26 «Криптографическая защита информации»

3 УТВЕРЖДЕН И ВВЕДЕН В ДЕЙСТВИЕ Приказом Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии от 7 августа 2012 г. № 215-ст

4 ВЗАМЕН ГОСТ Р 34.10—2001

Информация об изменениях к настоящему стандарту публикуется в ежегодно издаваемом информационном указателе «Национальные стандарты», а текст изменений и поправок — в ежемесячно издаваемых информационных указателях «Национальные стандарты». В случае пересмотра (замены) или отмены настоящего стандарта соответствующее уведомление будет опубликовано в ежемесячно издаваемом информационном указателе «Национальные стандарты». Соответствующая информация, уведомление и тексты размещаются также в информационной системе общего пользования — на официальном сайте Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии в сети Интернет

© Стандартинформ, 2013

Настоящий стандарт не может быть полностью или частично воспроизведен, тиражирован и распространен в качестве официального издания без разрешения Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии

Содержание

1 Область применения	1
2 Нормативные ссылки	1
3 Термины, определения и обозначения	1
3.1 Термины и определения	1
3.2 Обозначения	3
4 Общие положения	3
5 Математические объекты	4
5.1 Математические определения	4
5.2 Параметры цифровой подписи	5
5.3 Двоичные векторы	6
6 Основные процессы	6
6.1 Формирование цифровой подписи	7
6.2 Проверка цифровой подписи	9
Приложение А (справочное) Контрольные примеры	11
A.1 Пример 1	11
A.1.1 Параметры схемы цифровой подписи	11
A.1.2 Процесс формирования цифровой подписи (алгоритм I)	12
A.1.3 Процесс проверки цифровой подписи (алгоритм II)	12
A.2 Пример 2	13
A.2.1 Параметры схемы цифровой подписи	13
A.2.2 Процесс формирования цифровой подписи (алгоритм I)	14
A.2.3 Процесс проверки цифровой подписи (алгоритм II)	15
Библиография	16

Введение

Настоящий стандарт содержит описание процессов формирования и проверки электронной цифровой подписи (ЭЦП), реализуемой с использованием операций в группе точек эллиптической кривой, определенной над конечным простым полем.

Необходимость разработки настоящего стандарта вызвана потребностью в реализации электронной цифровой подписи разной степени стойкости в связи с повышением уровня развития вычислительной техники. Стойкость электронной цифровой подписи основывается на сложности вычисления дискретного логарифма в группе точек эллиптической кривой, а также на стойкости используемой хэш-функции по ГОСТ Р 34.11—2012.

Настоящий стандарт разработан с учетом терминологии и концепций международных стандартов ИСО 2382-2 [1], ИСО/МЭК 9796 [2]—[3], ИСО/МЭК 14888 [4]—[7] и ИСО/МЭК 10118 [8]—[11].

Информационная технология

КРИПТОГРАФИЧЕСКАЯ ЗАЩИТА ИНФОРМАЦИИ

Процессы формирования и проверки электронной цифровой подписи

Information technology. Cryptographic data security.
Generation and verification processes of electronic digital signature

Дата введения — 2013—01—01

1 Область применения

Настоящий стандарт определяет схему электронной цифровой подписи (ЭЦП) (далее — цифровая подпись), процессы формирования и проверки цифровой подписи под заданным сообщением (документом), передаваемым по незащищенным телекоммуникационным каналам общего пользования в системах обработки информации различного назначения.

Внедрение цифровой подписи на основе настоящего стандарта повышает по сравнению с ранее действовавшей схемой цифровой подписи уровень защищенности передаваемых сообщений от подделок и искажений.

Настоящий стандарт рекомендуется применять при создании, эксплуатации и модернизации систем обработки информации различного назначения.

2 Нормативные ссылки

В настоящем стандарте использована нормативная ссылка на следующий стандарт:

ГОСТ Р 34.11—2012 Информационная технология. Криптографическая защита информации. Функция хэширования

П р и м е ч а н и е — При пользовании настоящим стандартом целесообразно проверить действие ссылочных стандартов в информационной системе общего пользования — на официальном сайте Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии в сети Интернет или по ежегодно издаваемому информационному указателю «Национальные стандарты», который опубликован по состоянию на 1 января текущего года, и по соответствующим ежемесячно издаваемым информационным указателям, опубликованным в текущем году. Если ссылочный стандарт заменен (изменен), то при пользовании настоящим стандартом следует руководствоваться заменяющим (измененным) стандартом. Если ссылочный стандарт отменен без замены, то положение, в котором дана ссылка на него, применяется в части, не затрагивающей эту ссылку.

3 Термины, определения и обозначения

3.1 Термины и определения

В настоящем стандарте применены следующие термины с соответствующими определениями:

3.1.1

дополнение (appendix): Страна бит, формируемая из цифровой подписи и произвольного текстового поля.

[ИСО/МЭК 14888-1:2008, [4]]

3.1.2

ключ подписи (signature key): Элемент секретных данных, специфичный для субъекта и используемый только данным субъектом в процессе формирования цифровой подписи.

[ИСО/МЭК 14888-1:2008, [4]]

3.1.3

ключ проверки подписи (verification key): Элемент данных, математически связанный с ключом подписи и используемый проверяющей стороной в процессе проверки цифровой подписи.
[ИСО/МЭК 14888-1:2008, [4]]

3.1.4

параметр схемы ЭЦП (domain parameter): Элемент данных, общий для всех субъектов схемы цифровой подписи, известный или доступный всем этим субъектам.
[ИСО/МЭК 14888-1:2008, [4]]

3.1.5

подписанное сообщение (signed message): Набор элементов данных, состоящий из сообщения и дополнения, являющегося частью сообщения.
[ИСО/МЭК 14888-1:2008, [4]]

3.1.6

последовательность псевдослучайных чисел (pseudo-random number sequence): Последовательность чисел, полученная в результате выполнения некоторого арифметического (вычислительного) процесса, используемая в конкретном случае вместо последовательности случайных чисел.
[ИСО 2382-2:1976, [1]]

3.1.7

последовательность случайных чисел (random number sequence): Последовательность чисел, каждое из которых не может быть предсказано (вычислено) только на основе знания предшествующих ему чисел данной последовательности.
[ИСО 2382-2:1976, [1]]

3.1.8

процесс проверки подписи (verification process): Процесс, в качестве исходных данных которого используются подписанное сообщение, ключ проверки подписи и параметры схемы ЭЦП, результатом которого является заключение о правильности или ошибочности цифровой подписи.
[ИСО/МЭК 14888-1:2008, [4]]

3.1.9

процесс формирования подписи (signature process): Процесс, в качестве исходных данных которого используются сообщение, ключ подписи и параметры схемы ЭЦП, а в результате формируется цифровая подпись.
[ИСО/МЭК 14888-1:2008, [4]]

3.1.10 **свидетельство** (witness): Элемент данных, представляющий соответствующее доказательство достоверности (недостоверности) подписи проверяющей стороне.

3.1.11

случайное число (random number): Число, выбранное из определенного набора чисел таким образом, что каждое число из данного набора может быть выбрано с одинаковой вероятностью.
[ИСО 2382-2:1976, [1]]

3.1.12

сообщение (message): Стока бит произвольной конечной длины.
[ИСО/МЭК 14888-1:2008, [4]]

3.1.13

хэш-код (hash-code): Стока бит, являющаяся выходным результатом хэш-функции.
[ИСО/МЭК 14888-1:2008, [4]]

3.1.14

хэш-функция (collision-resistant hash-function): Функция, отображающая строки бит в строки бит фиксированной длины и удовлетворяющая следующим свойствам:

- 1) по данному значению функции сложно вычислить исходные данные, отображаемые в это значение;
 - 2) для заданных исходных данных сложно вычислить другие исходные данные, отображаемые в то же значение функции;
 - 3) сложно вычислить какую-либо пару исходных данных, отображаемых в одно и то же значение.
- [ИСО/МЭК 14888-1:2008, [4]]

П р и м е ч а н и я

1 Применительно к области электронной цифровой подписи свойство по перечислению 1) подразумевает, что по известной электронной цифровой подписи невозможно восстановить исходное сообщение; свойство по перечислению 2) подразумевает, что для заданного подписываемого сообщения трудно подобрать другое (фальсифицированное) сообщение, имеющее ту же электронную цифровую подпись; свойство по перечислению 3) подразумевает, что трудно подобрать какую-либо пару сообщений, имеющих одну и ту же подпись.

2 В настоящем стандарте в целях сохранения терминологической преемственности с действующими отечественными нормативными документами и опубликованными научно-техническими изданиями установлено, что термины «хэш-функция», «криптографическая хэш-функция», «функция хэширования» и «криптографическая функция хэширования» являются синонимами.

3.1.15

[электронная цифровая] подпись (signature); ЭЦП: Стока бит, полученная в результате процесса формирования подписи.

[ИСО/МЭК 14888-1:2008, [4]]

П р и м е ч а н и я

1 Стока бит, являющаяся подписью, может иметь внутреннюю структуру, зависящую от конкретного механизма формирования подписи.

2 В настоящем стандарте в целях сохранения терминологической преемственности с действующими отечественными нормативными документами и опубликованными научно-техническими изданиями установлено, что термины «электронная подпись», «цифровая подпись» и «электронная цифровая подпись» являются синонимами.

3.2 Обозначения

В настоящем стандарте применены следующие обозначения:

V_l	— множество всех двоичных векторов длиной l бит;
V^*	— множество всех двоичных векторов произвольной конечной длины;
Z	— множество всех целых чисел;
p	— простое число, $p > 3$;
F_p	— конечное простое поле, представляемое как множество из p целых чисел $\{0, 1, \dots, p - 1\}$;
$b(\text{mod } p)$	— минимальное неотрицательное число, сравнимое с b по модулю p ;
M	— сообщение пользователя, $M \in V^*$;
$(\bar{h}_1 \bar{h}_2)$	— конкатенация (объединение) двух двоичных векторов;
a, b	— коэффициенты эллиптической кривой;
t	— порядок группы точек эллиптической кривой;
q	— порядок подгруппы группы точек эллиптической кривой;
O	— нулевая точка эллиптической кривой;
P	— точка эллиптической кривой порядка q ;
d	— целое число — ключ подписи;
Q	— точка эллиптической кривой — ключ проверки подписи;
ζ	— цифровая подпись под сообщением M .

4 Общие положения

Общепризнанная схема (модель) цифровой подписи (см. ИСО/МЭК 14888-1 [4]) охватывает следующие процессы:

- генерация ключей (подписи и проверки подписи);

- формирование подписи;
- проверка подписи.

В настоящем стандарте процесс генерации ключей (подписи и проверки подписи) не рассмотрен. Характеристики и способы реализации данного процесса определяются вовлеченными в него субъектами, которые устанавливают соответствующие параметры по взаимному согласованию.

Механизм цифровой подписи определяется посредством реализации двух основных процессов (см. раздел 6):

- формирование подписи (см. 6.1);
- проверка подписи (см. 6.2).

Цифровая подпись предназначена для аутентификации лица, подписавшего электронное сообщение. Кроме того, использование ЭЦП предоставляет возможность обеспечить следующие свойства при передаче в системе подписанного сообщения:

- осуществление контроля целостности передаваемого подписанного сообщения;
- доказательное подтверждение авторства лица, подписавшего сообщение;
- защита сообщения от возможной подделки.

Схематическое представление подписанного сообщения показано на рисунке 1.



Рисунок 1 — Схема подписанного сообщения

Поле «Текст», показанное на данном рисунке и дополняющее поле «Цифровая подпись», может, например, содержать идентификаторы субъекта, подписавшего сообщение, и/или метку времени.

Установленная в настоящем стандарте схема цифровой подписи должна быть реализована с использованием операций групп точек эллиптической кривой, определенной над конечным простым полем, а также хэш-функции.

Криптографическая стойкость данной схемы цифровой подписи основывается на сложности решения задачи дискретного логарифмирования в группе точек эллиптической кривой, а также на стойкости используемой хэш-функции. Алгоритмы вычисления хэш-функции установлены в ГОСТ Р 34.11—2012.

Параметры схемы цифровой подписи, необходимые для ее формирования и проверки, определены в 5.2. В настоящем стандарте предусмотрена возможность выбора одного из двух вариантов требований к параметрам.

Настоящий стандарт не определяет процесс генерации параметров схемы цифровой подписи. Конкретный алгоритм (способ) реализации данного процесса определяется субъектами схемы цифровой подписи исходя из требований к аппаратно-программным средствам, реализующим электронный документооборот.

Цифровая подпись, представленная в виде двоичного вектора длиной 512 или 1024 бита, должна вычисляться с помощью определенного набора правил, изложенных в 6.1.

Набор правил, позволяющих принять либо отвергнуть цифровую подпись под полученным сообщением, установлен в 6.2.

5 Математические объекты

Для определения схемы цифровой подписи необходимо описать базовые математические объекты, используемые в процессах ее формирования и проверки. В данном разделе установлены основные математические определения и требования, предъявляемые к параметрам схемы цифровой подписи.

5.1 Математические определения

Эллиптической кривой E , определенной над конечным простым полем F_p (где $p > 3$ — простое число), называется множество пар (x, y) , $x, y \in F_p$, удовлетворяющих уравнению

$$y^2 \equiv x^3 + ax + b \pmod{p}, \quad (1)$$

где $a, b \in F_p$ и $4a^3 + 27b^2$ не сравнимо с нулем по модулю p .

Инвариантом эллиптической кривой называется величина $J(E)$, удовлетворяющая уравнению

$$J(E) \equiv 1728 \frac{4a^3}{4a^3 + 27b^2} \pmod{p}. \quad (2)$$

Пары (x, y) , где x, y — элементы поля F_p , удовлетворяющие уравнению (1), называются «точками эллиптической кривой E »; x и y — соответственно x - и y -координатами точки.

Точка эллиптической кривой обозначается $Q(x, y)$ или просто Q . Две точки эллиптической кривой равны, если равны их соответствующие x - и y -координаты.

На множестве точек эллиптической кривой E определена операция сложения, обозначаемая знаком «+». Для двух произвольных точек $Q_1(x_1, y_1)$ и $Q_2(x_2, y_2)$ эллиптической кривой E рассматривают несколько случаев.

Для точек Q_1 и Q_2 , координаты которых удовлетворяют условию $x_1 \neq x_2$, их суммой называется точка $Q_3(x_3, y_3)$, координаты которой определяются сравнениями

$$\begin{cases} x_3 \equiv \lambda^2 - x_1 - x_2 \pmod{p}, \\ y_3 \equiv \lambda(x_1 - x_3) - y_1 \pmod{p}, \end{cases} \quad (3)$$

где $\lambda \equiv \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \pmod{p}$.

Если выполнены равенства $x_1 = x_2$ и $y_1 = y_2 \neq 0$, то координаты точки Q_3 определяются следующим образом:

$$\begin{cases} x_3 \equiv \lambda^2 - 2x_1 \pmod{p}, \\ y_3 \equiv \lambda(x_1 - x_3) - y_1 \pmod{p}, \end{cases} \quad (4)$$

где $\lambda \equiv \frac{3x_1^2 + a}{2y_1} \pmod{p}$.

Если выполнены условия $x_1 = x_2$ и $y_1 \equiv -y_2 \pmod{p}$, то сумма точек Q_1 и Q_2 называется нулевой точкой O без определения ее x - и y -координат. В этом случае точка Q_2 называется отрицанием точки Q_1 . Для нулевой точки O выполнены равенства

$$Q + O = O + Q = Q, \quad (5)$$

где Q — произвольная точка эллиптической кривой E .

Относительно введенной операции сложения множество точек эллиптической кривой E вместе с нулевой точкой образуют конечную абелеву (коммутативную) группу порядка m , для которого выполнено неравенство

$$p + 1 - 2\sqrt{p} \leq m \leq p + 1 + 2\sqrt{p}. \quad (6)$$

Точка Q называется «точкой кратности k » или просто «кратной точкой эллиптической кривой E », если для некоторой точки P выполнено равенство

$$Q = \underbrace{P + \dots + P}_k = kP. \quad (7)$$

5.2 Параметры цифровой подписи

Параметрами схемы цифровой подписи являются:

- простое число p — модуль эллиптической кривой;
- эллиптическая кривая E , задаваемая коэффициентами $a, b \in F_p$;
- целое число m — порядок группы точек эллиптической кривой E ;
- простое число q — порядок циклической подгруппы группы точек эллиптической кривой E , для которого выполнены следующие условия:

$$\begin{cases} m = nq, n \in \mathbb{Z}, n \geq 1 \\ 2^{254} < q < 2^{256} \text{ или } 2^{508} < q < 2^{512}; \end{cases} \quad (8)$$

- точка $P \neq O$ эллиптической кривой E , с координатами (x_p, y_p) , удовлетворяющая равенству $qP = O$;

- хэш-функция $V^* \rightarrow V_l$, отображающая сообщения, представленные в виде двоичных векторов произвольной конечной длины, в двоичные векторы длины l бит. Хэш-функция определена в ГОСТ Р 34.11—2012. Если $2^{254} < q < 2^{256}$, то $l = 256$. Если $2^{508} < q < 2^{512}$, то $l = 512$.

Каждый пользователь схемы цифровой подписи должен обладать личными ключами:

- ключом подписи — целым числом d , удовлетворяющим неравенству $0 < d < q$;
- ключом проверки подписи — точкой эллиптической кривой Q с координатами (x_q, y_q) , удовлетворяющей равенству $dP = Q$.

К приведенным выше параметрам схемы цифровой подписи предъявляют следующие требования:

- должно быть выполнено условие $p^t \neq 1 \pmod{q}$ для всех целых $t = 1, 2, \dots, B$, где $B = 31$, если $2^{254} < q < 2^{256}$, и $B = 131$, если $2^{508} < q < 2^{512}$;
- должно быть выполнено неравенство $m \neq p$;
- инвариант кривой должен удовлетворять условиям: $J(E) \neq 0$ и $J(E) \neq 1728$.

5.3 Двоичные векторы

Для определения процессов формирования и проверки цифровой подписи необходимо установить соответствие между целыми числами и двоичными векторами длины l бит.

Рассмотрим следующий двоичный вектор длиной l бит, в котором младшие биты расположены справа, а старшие — слева:

$$\bar{h} = (\alpha_{l-1}, \dots, \alpha_0), \quad \bar{h} \in V_l, \quad (9)$$

где $\alpha_i, i = 0, \dots, l - 1$ равно либо 1, либо 0.

Число $\alpha \in \mathbb{Z}$ соответствует двоичному вектору \bar{h} , если выполнено равенство

$$\alpha = \sum_{i=0}^{l-1} \alpha_i 2^i. \quad (10)$$

Для двух двоичных векторов

$$\begin{aligned} \bar{h}_1 &= (\alpha_{l-1}, \dots, \alpha_0), \\ \bar{h}_2 &= (\beta_{l-1}, \dots, \beta_0), \end{aligned} \quad (11)$$

соответствующих целым числам α и β , операция конкатенации (объединения) определяется следующим образом:

$$\bar{h}_1 \parallel \bar{h}_2 = (\alpha_{l-1}, \dots, \alpha_0, \beta_{l-1}, \dots, \beta_0). \quad (12)$$

Объединение представляет собой двоичный вектор длиной $2l$ бит, составленный из компонент векторов \bar{h}_1 и \bar{h}_2 .

Формулы (11) и (12) определяют способ разбиения двоичного вектора $\bar{h}_1 \parallel \bar{h}_2$ длиной $2l$ бит на два двоичных вектора длиной l бит, конкатенацией которых он является.

6 Основные процессы

В данном разделе определены процессы формирования и проверки цифровой подписи под сообщением пользователя.

Для реализации данных процессов необходимо, чтобы всем пользователям были известны параметры схемы цифровой подписи, соответствующие требованиям 5.2.

Кроме того, каждый пользователь должен иметь ключ подписи d и ключ проверки подписи $Q(x_q, y_q)$, которые также должны соответствовать требованиям 5.2.

6.1 Формирование цифровой подписи

Для получения цифровой подписи под сообщением $M \in V^*$ необходимо выполнить следующие действия (шаги) по алгоритму I:

Шаг 1 — вычислить хэш-код сообщения $M : \bar{h} = h(M)$. (13)

Шаг 2 — вычислить целое число α , двоичным представлением которого является вектор \bar{h} , и определить

$$e \equiv \alpha \pmod{q}. \quad (14)$$

Если $e = 0$, то определить $e = 1$.

Шаг 3 — сгенерировать случайное (псевдослучайное) целое число k , удовлетворяющее неравенству

$$0 < k < q. \quad (15)$$

Шаг 4 — вычислить точку эллиптической кривой $C = kP$ и определить

$$r \equiv x_c \pmod{q}, \quad (16)$$

где x_c — x-координата точки C .

Если $r = 0$, то вернуться к шагу 3.

Шаг 5 — вычислить значение

$$s \equiv (rd + ke) \pmod{q}. \quad (17)$$

Если $s = 0$, то вернуться к шагу 3.

Шаг 6 — вычислить двоичные векторы \bar{r} и \bar{s} , соответствующие r и s , и определить цифровую подпись $\zeta = \bar{r}||\bar{s}$ как конкатенацию двух двоичных векторов.

Исходными данными этого процесса являются ключ подписи d и подписываемое сообщение M , а выходным результатом — цифровая подпись ζ .

Схема процесса формирования цифровой подписи приведена на рисунке 2.

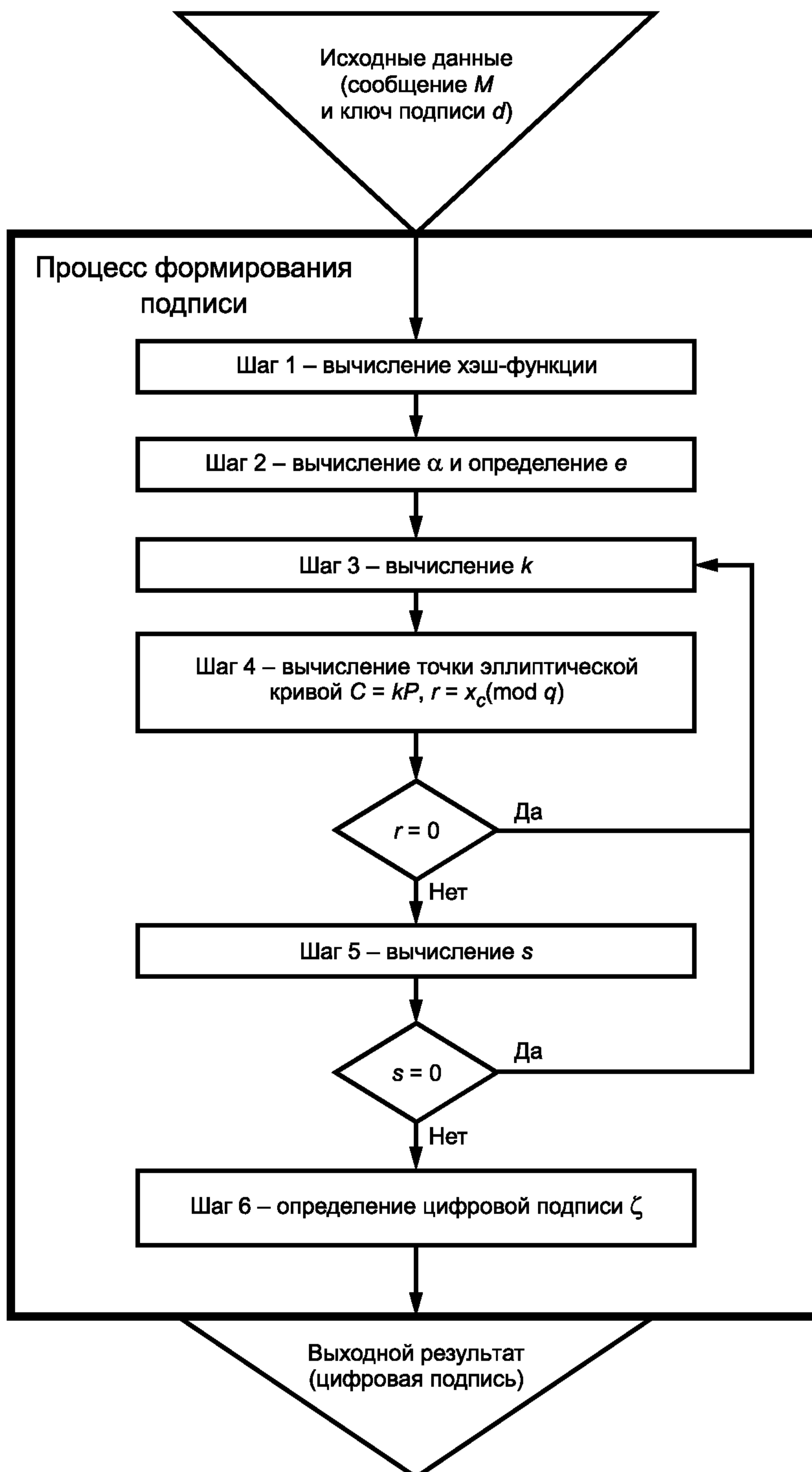


Рисунок 2 — Схема процесса формирования цифровой подписи

6.2 Проверка цифровой подписи

Для проверки цифровой подписи ζ под полученным сообщением M необходимо выполнить следующие действия (шаги) по алгоритму II:

Шаг 1 — по полученной подписи ζ вычислить целые числа r и s . Если выполнены неравенства $0 < r < q$, $0 < s < q$, то перейти к следующему шагу. В противном случае подпись неверна.

Шаг 2 — вычислить хэш-код полученного сообщения M :

$$\bar{h} = h(M). \quad (18)$$

Шаг 3 — вычислить целое число α , двоичным представлением которого является вектор \bar{h} , и определить

$$e \equiv \alpha \pmod{q}. \quad (19)$$

Если $e = 0$, то определить $e = 1$.

Шаг 4 — вычислить значение $v \equiv e^{-1} \pmod{q}$. (20)

Шаг 5 — вычислить значения

$$z_1 \equiv sv \pmod{q}, \quad z_2 \equiv -rv \pmod{q}. \quad (21)$$

Шаг 6 — вычислить точку эллиптической кривой $C = z_1P + z_2Q$ и определить

$$R \equiv x_c \pmod{q}, \quad (22)$$

где x_c — x -координата точки C .

Шаг 7 — если выполнено равенство $R = r$, то подпись принимается, в противном случае — подпись неверна.

Исходными данными этого процесса являются подписанное сообщение M , цифровая подпись ζ и ключ проверки подписи Q , а выходным результатом — свидетельство о достоверности или ошибочности данной подписи.

Схема процесса проверки цифровой подписи приведена на рисунке 3.

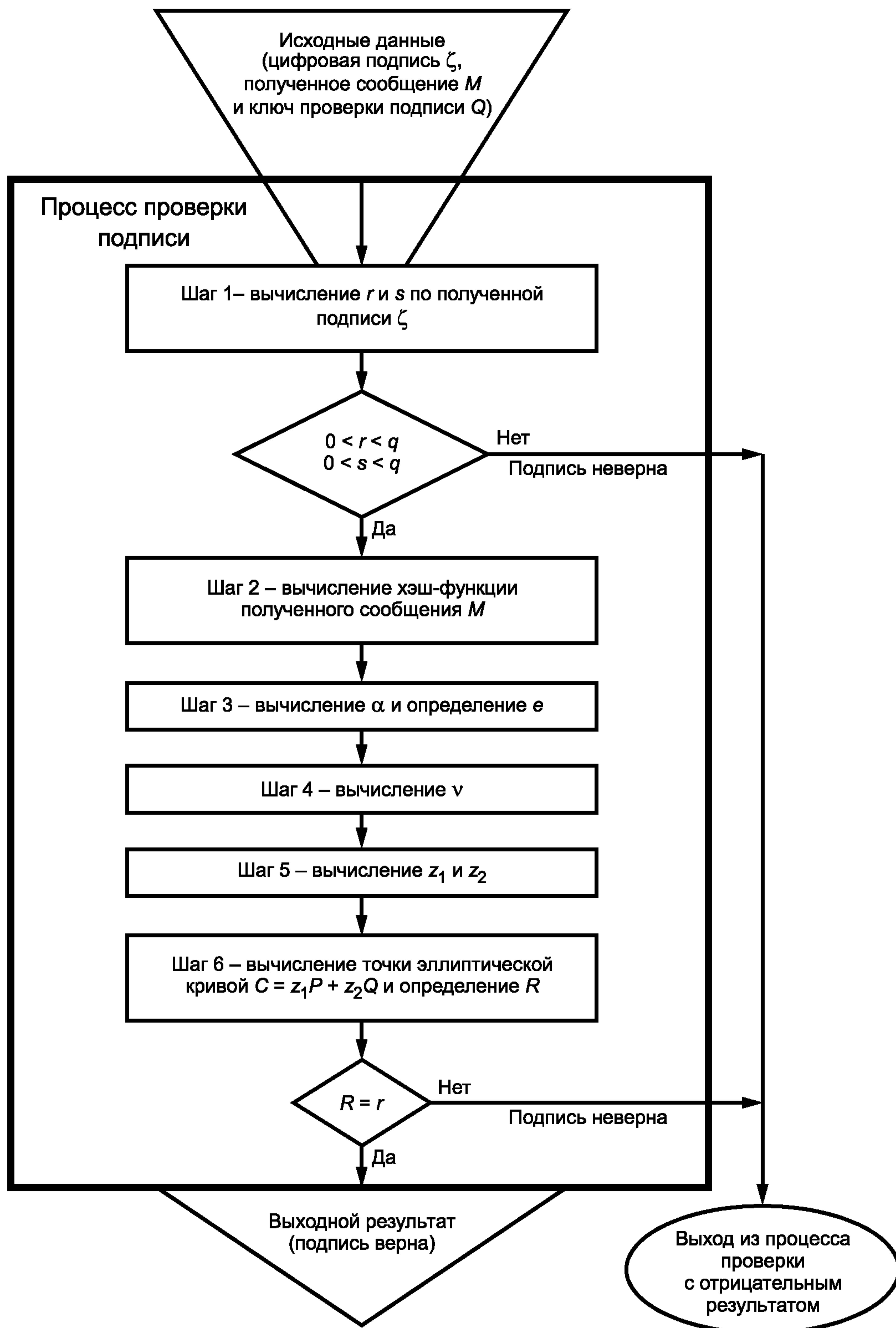


Рисунок 3 — Схема процесса проверки цифровой подписи

Приложение А (справочное)

Контрольные примеры

Приводимые ниже значения параметров p , a , b , t , q , P , а также значения ключей подписи и проверки подписи d и Q рекомендуется использовать только для проверки корректной работы конкретной реализации алгоритмов, описанных в настоящем стандарте.

Все числовые значения приведены в десятичной и шестнадцатеричной записи. Нижний индекс в записи числа обозначает основание системы счисления. Символ «\» обозначает перенос числа на новую строку. Например, запись

12345\\
67890₁₀
499602D2₁₆

представляет целое число 1234567890 в десятичной и шестнадцатеричной системах счисления соответственно.

A.1 Пример 1

А.1.1 Параметры схемы цифровой подписи

Для формирования и проверки цифровой подписи должны быть использованы следующие параметры (см. 5.2).

А.1.1.1 Модуль эллиптической кривой

В данном примере параметру r присвоено следующее значение:

А.1.1.2 Коэффициенты эллиптической кривой

В данном примере параметры a и b принимают следующие значения:

$$a = 7_{10},$$

$$a = 7_{16},$$

$$b = 43308876546767276905765904595650931995 \backslash \backslash$$

$$942111794451039583252968842033849580414_{10},$$

$$38CE739B8E022FBAFEF40563F6E6A3472FC2A514C0CE9DAE23B7E_{16}.$$

А.1.1.3 Порядок группы точек эллиптической кривой

В данном примере параметр t принимает следующее значение:

A.1.1.4 Порядок циклической подгруппы группы точек эллиптической кривой

В данном примере параметр a принимает следующее значение:

A 11.5 Коэффициенты точки эпиптической кривой

В данном примере координаты точки P принимают следующие значения:

Приложение 1. Ключи для проверки правильности вычислений

$$x_p = 2_{10},$$

$$x_p = 2_{16},$$

$$y_p = 40189740565390375033354494229370597 \backslash \backslash$$

$$75635739389905545080690979365213431566280_{10},$$

$$y_p = 8E2A8A0E65147D4BD6316030E16D19 \backslash \backslash$$

$$C85C97F0A9CA267122B96ABBCEA7E8FC8_{16}.$$

А1.1.6 Ключ подпіси

В данном примере считается, что пользователь обладает следующим ключом подписи d :

$d = 554411960653632461263556241303241831\backslash\backslash$
 $96576709222340016572108097750006097525544_{10},$
 $d = 7A929ADE789BB9BE10ED359DD39A72C\backslash\backslash$
 $11B60961F49397EEE1D19CE9891EC3B28_{16}.$

A.1.1.7 Ключ проверки подписи

В данном примере считается, что пользователь обладает ключом проверки подписи Q , координаты которого имеют следующие значения:

$$\begin{aligned}x_q &= 57520216126176808443631405023338071 \\&\quad 176630104906313632182896741342206604859403_{10}, \\x_q &= 7F2B49E270DB6D90D8595BEC458B5 \\&\quad 0C58585BA1D4E9B788F6689DBD8E56FD80B_{16}, \\y_q &= 17614944419213781543809391949654080 \\&\quad 031942662045363639260709847859438286763994_{10}, \\y_q &= 26F1B489D6701DD185C8413A977B3 \\&\quad CBBAF64D1C593D26627DFFB101A87FF77DA_{16}.\end{aligned}$$

A.1.2 Процесс формирования цифровой подписи (алгоритм I)

Пусть после выполнения шагов 1—3 по алгоритму I (см. 6.1) были получены следующие числовые значения:

$$\begin{aligned}e &= 2079889367447645201713406156150827013 \\&\quad 0637142515379653289952617252661468872421_{10}, \\e &= 2DFBC1B372D89A1188C09C52E0EE \\&\quad C61FCE52032AB1022E8E67ECE6672B043EE5_{16}, \\k &= 538541376773484637314038411479966192 \\&\quad 41504003434302020712960838528893196233395_{10}, \\k &= 77105C9B20BCD3122823C8CF6FCC \\&\quad 7B956DE33814E95B7FE64FED924594DCEAB3_{16}.\end{aligned}$$

При этом кратная точка $C = kP$ имеет координаты:

$$\begin{aligned}x_c &= 297009809158179528743712049839382569 \\&\quad 90422752107994319651632687982059210933395_{10}, \\x_c &= 41AA28D2F1AB148280CD9ED56FED \\&\quad A41974053554A42767B83AD043FD39DC0493_{16}, \\y_c &= 328425352786846634770946653225170845 \\&\quad 06804721032454543268132854556539274060910_{10}, \\y_c &= 489C375A9941A3049E33B34361DD \\&\quad 204172AD98C3E5916DE27695D22A61FAE46E_{16}.\end{aligned}$$

Параметр $r = x_c \pmod{q}$ принимает значение:

$$\begin{aligned}r &= 297009809158179528743712049839382569 \\&\quad 90422752107994319651632687982059210933395_{10}, \\r &= 41AA28D2F1AB148280CD9ED56FED \\&\quad A41974053554A42767B83AD043FD39DC0493_{16}.\end{aligned}$$

Параметр $s = (rd + ke) \pmod{q}$ принимает значение:

$$\begin{aligned}s &= 57497340027008465417892531001914703 \\&\quad 8455227042649098563933718999175515839552_{10}, \\s &= 1456C64BA4642A1653C235A98A60249BCD6D3F746B631DF928014F6C5BF9C40_{16}.\end{aligned}$$

A.1.3 Процесс проверки цифровой подписи (алгоритм II)

Пусть после выполнения шагов 1—3 по алгоритму II (см. 6.2) были получены следующие числовые значения:

$$\begin{aligned}e &= 2079889367447645201713406156150827013 \\&\quad 0637142515379653289952617252661468872421_{10}, \\e &= 2DFBC1B372D89A1188C09C52E0EE \\&\quad C61FCE52032AB1022E8E67ECE6672B043EE5_{16}.\end{aligned}$$

При этом параметр $v = e^{-1} \pmod{q}$ принимает значение:

$$\begin{aligned}v &= 176866836059344686773017138249002685 \\&\quad 62746883080675496715288036572431145718978_{10}, \\v &= 271A4EE429F84EBC423E388964555BB \\&\quad 29D3BA53C7BF945E5FAC8F381706354C2_{16}.\end{aligned}$$

Параметры $z_1 = sv \pmod{q}$ и $z_2 = -rv \pmod{q}$ принимают значения:

$$\begin{aligned}z_1 &= 376991675009019385568410572935126561 \\&\quad 08841345190491942619304532412743720999759_{10}, \\z_1 &= 5358F8FFB38F7C09ABC782A2DF2A \\&\quad 3927DA4077D07205F763682F3A76C9019B4F_{16}, \\z_2 &= 141719984273434721125159179695007657 \\&\quad 692466558389728621144999326533367109221_{10}, \\z_2 &= 3221B4FBBF6D101074EC14AFAC2D4F7 \\&\quad EFAC4CF9FEC1ED11BAE336D27D527665_{16}.\end{aligned}$$

Точка $C = z_1P + z_2Q$ имеет координаты:

$$\begin{aligned}x_c &= 2970098091581795287437120498393825699 \\&\quad 0422752107994319651632687982059210933395_{10}, \\x_c &= 41AA28D2F1AB148280CD9ED56FED \\&\quad A41974053554A42767B83AD043FD39DC0493_{16}, \\y_c &= 3284253527868466347709466532251708450 \\&\quad 6804721032454543268132854556539274060910_{10}, \\y_c &= 489C375A9941A3049E33B34361DD \\&\quad 204172AD98C3E5916DE27695D22A61FAE46E_{16}.\end{aligned}$$

Тогда параметр $R = x_c \pmod{q}$ принимает значение:

$$\begin{aligned}R &= 2970098091581795287437120498393825699 \\&\quad 0422752107994319651632687982059210933395_{10}, \\R &= 41AA28D2F1AB148280CD9ED56FED \\&\quad A41974053554A42767B83AD043FD39DC0493_{16}.\end{aligned}$$

Поскольку выполнено равенство $R = r$, то цифровая подпись принимается.

A.2 Пример 2

A.2.1 Параметры схемы цифровой подписи

Для формирования и проверки цифровой подписи должны быть использованы следующие параметры (см. 5.2).

A.2.1.1 Модуль эллиптической кривой

В данном примере параметру p присвоено следующее значение:

$$\begin{aligned}p &= 36239861022290036359077887536838743060213209255346786050 \\&\quad 8654615045085616662400248258848202227149685402509082360305 \\&\quad 8735163734263822371964987228582907372403_{10}, \\p &= 4531ACD1FE0023C7550D267B6B2FEE80922B14B2FFB90F04D4EB7C09B5D2D15D \\&\quad F1D852741AF4704A0458047E80E4546D35B8336FAC224DD81664BBF528BE6373_{16}.\end{aligned}$$

A.2.1.2 Коэффициенты эллиптической кривой

В данном примере параметры a и b принимают следующие значения:

$$\begin{aligned}a &= 7_{10}, \\a &= 7_{16}, \\b &= 1518655069210828534508950034714043154928747527740206436 \\&\quad 1940188233528099824437937328297569147859746748660416053978836775 \\&\quad 96626326413990136959047435811826396_{10}, \\b &= 1CFF0806A31116DA29D8CFA54E57EB748BC5F377E49400FDD788B649ECA1AC4 \\&\quad 361834013B2AD7322480A89CA58E0CF74BC9E540C2ADD6897FAD0A3084F302ADC_{16}.\end{aligned}$$

A.2.1.3 Порядок группы точек эллиптической кривой

В данном примере параметр m принимает следующее значение:

$$\begin{aligned}m &= 36239861022290036359077887536838743060213209255346786050865461 \\&\quad 50450856166623969164898305032863068499961404079437936585455865192212 \\&\quad 970734808812618120619743_{10}, \\m &= 4531ACD1FE0023C7550D267B6B2FEE80922B14B2FFB90F04D4EB7C09B5D2D15D \\&\quad A82F2D7ECB1DBAC719905C5EECC423F1D86E25EDBE23C595D644AAF187E6E6DF_{16}.\end{aligned}$$

A.2.1.4 Порядок циклической подгруппы группы точек эллиптической кривой

В данном примере параметр q принимает следующее значение:

$$\begin{aligned}q &= 36239861022290036359077887536838743060213209255346786050865461 \\&\quad 50450856166623969164898305032863068499961404079437936585455865192212 \\&\quad 970734808812618120619743_{10}, \\q &= 4531ACD1FE0023C7550D267B6B2FEE80922B14B2FFB90F04D4EB7C09B5D2D15D \\&\quad A82F2D7ECB1DBAC719905C5EECC423F1D86E25EDBE23C595D644AAF187E6E6DF_{16}.\end{aligned}$$

A.2.1.5 Коэффициенты точки эллиптической кривой

В данном примере координаты точки P принимают следующие значения:

$$\begin{aligned}x_p &= 19283569440670228493993094012431375989977866354595079743570754913077665 \\&\quad 9268583544106555768100318487481965800490321233288425233583025072952763238 \\&\quad 3493573274_{10}, \\x_p &= 24D19CC64572EE30F396BF6EBBF7A6C5213B3B3D7057CC825F91093A68CD762 \\&\quad FD60611262CD838DC6B60AA7EEE804E28BC849977FAC33B4B530F1B120248A9A_{16}, \\y_p &= 22887286933719728599700121555294784163535623273295061803 \\&\quad 144974259311028603015728141419970722717088070665938506503341523818\end{aligned}$$

$y_p = 2BB312A43BD2CE6E0D020613C857ACDDCFBF061E91E5F2C3F32447C259F39B2\backslash\backslash$
 $C83AB156D77F1496BF7EB3351E1EE4E43DC1A18B91B24640B6DBB92CB1ADD371E_{16}.$

A.2.1.6 Ключ подписи

В данном примере считается, что пользователь обладает следующим ключом подписи d :

$d = 610081804136373098219538153239847583006845519069531562982388135\backslash\backslash$
 $35489060630178225538360839342337237905766552759511682730702504645883\backslash\backslash$
 $7440766121180466875860_{10},$
 $d = BA6048AADAE241BA40936D47756D7C93091A0E8514669700EE7508E508B102072\backslash\backslash$
 $E8123B2200A0563322DAD2827E2714A2636B7BFD18AADFC62967821FA18DD4_{16}.$

A.2.1.7 Ключ проверки подписи

В данном примере считается, что пользователь обладает ключом проверки подписи Q , координаты которого имеют следующие значения:

$x_q = 9095468530025365965566907686698303100069292725465562815963\backslash\backslash$
 $72965370312498563182320436892870052842808608262832456858223580\backslash\backslash$
 $713780290717986855863433431150561_{10},$
 $x_q = 115DC5BC96760C7B48598D8AB9E740D4C4A85A65BE33C1815B5C320C854621D\backslash\backslash$
 $D5A515856D13314AF69BC5B924C8B4DDFF75C45415C1D9DD9DD33612CD530EFE1_{16}.$
 $y_q = 29214572033744256206324497342484154556407008235594887051648958\backslash\backslash$
 $37509539134297327397380287741428246088626609329139441895016863758\backslash\backslash$
 $984106326600572476822372076_{10},$
 $y_q = 37C7C90CD40B0F5621DC3AC1B751CFA0E2634FA0503B3D52639F5D7FB72AFD6\backslash\backslash$
 $1EA199441D943FFE7F0C70A2759A3CDB84C114E1F9339FDF27F35ECA93677BEEC_{16}.$

A.2.2 Процесс формирования цифровой подписи (алгоритм I)

Пусть после выполнения шагов 1—3 по алгоритму I (см. 6.1) были получены следующие числовые значения:

$e = 2897963881682868575562827278553865049173745197871825199562947\backslash\backslash$
 $4190413889509705366611095534999542487330887197488445389646412816544\backslash\backslash$
 $63513296973827706272045964_{10},$
 $e = 3754F3CFACC9E0615C4F4A7C4D8DAB531B09B6F9C170C533A71D147035B0C591\backslash\backslash$
 $7184EE536593F4414339976C647C5D5A407ADEDB1D560C4FC6777D2972075B8C_{16},$
 $k = 1755163560258504995406282799211252803334510317477377916502\backslash\backslash$
 $081442431820570750344461029867509625089092272358661268724735168078105417\backslash\backslash$
 $47529710309879958632945_{10},$
 $k = 359E7F4B1410FEACC570456C6801496946312120B39D019D455986E364F3\backslash\backslash$
 $65886748ED7A44B3E794434006011842286212273A6D14CF70EA3AF71BB1AE679F1_{16}.$

При этом кратная точка $C = kP$ имеет координаты:

$x_c = 24892044770313492650728646430321477536674513192821314440274986373\backslash\backslash$
 $576110928102217951018714129288237168059598287083302842436534530853\backslash\backslash$
 $22004442442534151761462_{10},$
 $x_c = 2F86FA60A081091A23DD795E1E3C689EE512A3C82EE0DCC2643C78EEA8FCAC\backslash\backslash$
 $D35492558486B20F1C9EC197C90699850260C93BCBCD9C5C3317E19344E173AE36_{16},$
 $y_c = 77017388992899183604784479878096044168206263187609613767394680150\backslash\backslash$
 $24422293532765176528442837832456936422662546513702148162933079517\backslash\backslash$
 $08430050152108641508310_{10},$
 $y_c = EB488140F7E2F4E35CF220BDBC75AE44F26F9C7DF52E82436BDE80A91831DA27\backslash\backslash$
 $C8100DAA876F9ADC0D28A82DD3826D4DC7F92E471DA23E55E0EBB3927C85BD6_{16}.$

Параметр $r = x_c \pmod{q}$ принимает значение:

$r = 24892044770313492650728646430321477536674513192821314440274986373\backslash\backslash$
 $576110928102217951018714129288237168059598287083302842436534530853\backslash\backslash$
 $22004442442534151761462_{10},$
 $r = 2F86FA60A081091A23DD795E1E3C689EE512A3C82EE0DCC2643C78EEA8FCAC\backslash\backslash$
 $D35492558486B20F1C9EC197C90699850260C93BCBCD9C5C3317E19344E173AE36_{16}.$

Параметр $s = (rd + ke) \pmod{q}$ принимает значение:

$s = 8645232217076695190388492973829369170750237358484315799195987\backslash\backslash$
 $99313385180564748877195639672460179421760770893278030956807690115\backslash\backslash$
 $822709903853682831835159370_{10},$
 $s = 1081B394696FFE8E6585E7A9362D26B6325F56778AADBC081C0BFBE933D52FF58\backslash\backslash$
 $23CE288E8C4F362526080DF7F70CE406A6EEB1F56919CB92A9853BDE73E5B4A_{16}.$

A.2.3 Процесс проверки цифровой подписи (алгоритм II)

Пусть после выполнения шагов 1—3 по алгоритму II (см. 6.2) было получено следующее числовое значение:

$$\begin{aligned} e &= 2897963881682868575562827278553865049173745197871825199562947 \\ &\quad 4190413889509705366611095534999542487330887197488445389646412816544 \\ &\quad 63513296973827706272045964_{10}, \\ e &= 3754F3CFACC9E0615C4F4A7C4D8DAB531B09B6F9C170C533A71D147035B0C591 \\ &\quad 7184EE536593F4414339976C647C5D5A407ADEDB1D560C4FC6777D2972075B8C_{16}. \end{aligned}$$

При этом параметр $v = e^{-1} \pmod{q}$ принимает значение:

$$\begin{aligned} v &= 255694215394605222266074084316408615387769223440078319114692849 \\ &\quad 356194345732344708924001925205698280688153534004145821243990606136 \\ &\quad 7072238185934815960252671_{10}, \\ v &= 30D212A9E25D1A80A0F238532CADF3E64D7EF4E782B6AD140AAF8BBD9BB4729 \\ &\quad 84595EEC87B2F3448A1999D5F0A6DE0E14A55AD875721EC8CFD504000B3A840FF_{16}. \end{aligned}$$

Параметры $z_1 \equiv sv \pmod{q}$ и $z_2 \equiv -rv \pmod{q}$ принимают значения:

$$\begin{aligned} z_1 &= 3206470827336768629686907101873475250343306448089030311214484 \\ &\quad 385872743205045180345208826552901003496732941049780357793541942055 \\ &\quad 600084956198173707197902575_{10}, \\ z_1 &= 3D38E7262D69BB2AD24DD81EEA2F92E6348D619FA45007B175837CF13B026079 \\ &\quad 051A48A1A379188F37BA46CE12F7207F2A8345459FF960E1EBD5B4F2A34A6EEF_{16}, \\ z_2 &= 13667709118340031081429778480218475973204553475356412734827 \\ &\quad 320820470283421680060312618142732308792036907264486312226797437575 \\ &\quad 61637266958056805859603008203_{10}, \\ z_2 &= 1A18A31602E6EAC0A9888C01941082AEFE296F840453D2603414C2A16EB6FC529 \\ &\quad D8D8372E50DC49D6C612CE1FF65BD58E1D2029F22690438CC36A76DDA444ACB_{16}. \end{aligned}$$

Точка $C = z_1P + z_2Q$ имеет координаты:

$$\begin{aligned} x_c &= 2489204477031349265072864643032147753667451319282131444027498637 \\ &\quad 3576110928102217951018714129288237168059598287083302842436534530853 \\ &\quad 22004442442534151761462_{10}, \\ x_c &= 2F86FA60A081091A23DD795E1E3C689EE512A3C82EE0DCC2643C78EEA8FCAC \\ &\quad D35492558486B20F1C9EC197C90699850260C93BCBCD9C5C3317E19344E173AE36_{16}, \\ y_c &= 7701738899289918360478447987809604416820626318760961376739468015 \\ &\quad 0244222935327651765284428378324569364226625465137021481629330795170 \\ &\quad 8430050152108641508310_{10}, \\ y_c &= EB488140F7E2F4E35CF220BDBC75AE44F26F9C7DF52E82436BDE80A91831DA27 \\ &\quad C8100DAA876F9ADC0D28A82DD3826D4DC7F92E471DA23E55E0EBB3927C85BD6_{16}. \end{aligned}$$

Тогда параметр $R = x_c \pmod{q}$ принимает значение:

$$\begin{aligned} R &= 24892044770313492650728646430321477536674513192821314440274986 \\ &\quad 37357611092810221795101871412928823716805959828708330284243653453085 \\ &\quad 322004442442534151761462_{10}, \\ R &= 2F86FA60A081091A23DD795E1E3C689EE512A3C82EE0DCC2643C78EEA8FCAC \\ &\quad D35492558486B20F1C9EC197C90699850260C93BCBCD9C5C3317E19344E173AE36_{16}. \end{aligned}$$

Поскольку выполнено равенство $R = r$, то цифровая подпись принимается.

Библиография*

- [1] ИСО 2382-2:1976
(ISO 2382-2:1976)
- [2] ИСО/МЭК 9796-2:2010
(ISO/IEC 9796-2:2010)
- [3] ИСО/МЭК 9796-3:2006
(ISO/IEC 9796-3:2006)
- [4] ИСО/МЭК 14888-1:2008
(ISO/IEC 14888-1:2008)
- [5] ИСО/МЭК 14888-2:2008
(ISO/IEC 14888-2:2008)
- [6] ИСО/МЭК 14888-3:2006
(ISO/IEC 14888-3:2006)
- [7] ИСО/МЭК 14888-3:2006/Изм. 1:2010
(ISO/IEC 14888-3:2006/Amd 1:2010)
- [8] ИСО/МЭК 10118-1:2000
(ISO/IEC 10118-1:2000)
- [9] ИСО/МЭК 10118-2:2010
(ISO/IEC 10118-2:2010)
- [10] ИСО/МЭК 10118-3:2004
(ISO/IEC 10118-3:2004)
- [11] ИСО/МЭК 10118-4:1998
(ISO/IEC 10118-4:1998)
- Системы обработки информации. Словарь. Часть 2. Арифметические и логические операции
(Data processing — Vocabulary — Part 2: Arithmetic and logic operations)
- Информационные технологии. Методы обеспечения безопасности. Схемы цифровой подписи, обеспечивающие восстановление сообщений. Часть 2. Механизмы на основе целочисленной факторизации
(Information technology — Security techniques — Digital signature schemes giving message recovery — Part 2: Integer factorization based mechanisms)
- Информационные технологии. Методы обеспечения безопасности. Схемы цифровой подписи, обеспечивающие восстановление сообщений. Часть 3. Механизмы на основе дискретного логарифма
(Information technology — Security techniques — Digital signature schemes giving message recovery — Part 3: Discrete logarithm based mechanisms)
- Информационные технологии. Методы защиты. Цифровые подписи с приложением. Часть 1. Общие положения
(Information technology — Security techniques — Digital signatures with appendix — Part 1: General)
- Информационные технологии. Методы защиты. Цифровые подписи с приложением. Часть 2. Механизмы, основанные на разложении на множители
(Information technology — Security techniques — Digital signatures with appendix — Part 2: Integer factorization based mechanisms)
- Информационные технологии. Методы защиты. Цифровые подписи с приложением. Часть 3. Механизмы на основе дискретного логарифма
(Information technology — Security techniques — Digital signatures with appendix — Part 3: Discrete logarithm based mechanisms)
- Информационные технологии. Методы защиты. Цифровые подписи с приложением. Часть 3. Механизмы на основе дискретного логарифма. Изменение 1. Алгоритм русской цифровой подписи эллиптической кривой, алгоритм цифровой подписи Шнора, алгоритм цифровой подписи Шнора для эллиптической кривой и полный алгоритм цифровой подписи Шнора для эллиптической кривой
(Information technology — Security techniques — Digital signatures with appendix — Part 3: Discrete logarithm based mechanisms. Amendment 1. Elliptic Curve Russian Digital Signature Algorithm, Schnorr Digital Signature Algorithm, Elliptic Curve Schnorr Digital Signature Algorithm, and Elliptic Curve Full Schnorr Digital Signature Algorithm)
- Информационные технологии. Методы защиты информации. Хэш-функции. Часть 1. Общие положения
(Information technology — Security techniques — Hash-functions — Part 1: General)
- Информационные технологии. Методы защиты информации. Хэш-функции. Часть 2. Хэш-функции с использованием алгоритма шифрования *n*-битными блоками
(Information technology — Security techniques — Hash-functions — Part 2: Hash-functions using an n-bit block cipher)
- Информационные технологии. Методы защиты информации. Хэш-функции. Часть 3. Выделенные хэш-функции
(Information technology — Security techniques — Hash-functions — Part 3: Dedicated hash-functions)
- Информационные технологии. Методы защиты информации. Хэш-функции. Часть 4. Хэш-функции с применением арифметики в остаточных классах
(Information technology — Security techniques — Hash-functions — Part 4: Hash-functions using modular arithmetic)

* Оригиналы международных стандартов ИСО/МЭК находятся в ФГУП «Стандартинформ» Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии.

УДК 681.3.06:006.354

ОКС 35.040

ОКСТУ 5001

П85

Ключевые слова: обработка данных, передача данных, обмен информацией, сообщения, цифровые подписи, защита информации, формирование цифровой подписи, проверка цифровой подписи

Редактор *В.Н. Копысов*
Технический редактор *В.Н. Прусакова*
Корректор *Р.А. Ментова*
Компьютерная верстка *В.И. Грищенко*

Сдано в набор 25.12.2012. Подписано в печать 06.02.2013. Формат 60x84¹/₈. Гарнитура Ариал. Усл. печ. л. 2,79.
Уч.-изд. л. 2,40. Тираж 98 экз. Зак. 121.

ФГУП «СТАНДАРТИНФОРМ», 123995 Москва, Гранатный пер., 4.
www.gostinfo.ru info@gostinfo.ru

Набрано во ФГУП «СТАНДАРТИНФОРМ» на ПЭВМ.

Отпечатано в филиале ФГУП «СТАНДАРТИНФОРМ» — тип. «Московский печатник», 105062 Москва, Лялин пер., 6.